



Šifra kandidata:

Državni izpitni center



SPOMLADANSKI IZPITNI ROK

Osnovna raven
MATEMATIKA
Izpitsna pola 1

- A) Kratke naloge
B) Kraje strukturirane naloge

Sobota, 3. junij 2023 / 90 minut (30 + 60)

Dovoljeno gradivo in pripomočki:
Kandidat prinese nalivno pero ali kemični svinčnik, svinčnik, radirko in
geometrijsko orodje (šestilo in ravnilo, lahko tudi trikotnik).
Priloga s formulami in konceptna lista so na perforiranih listih, ki jih kandidat pazljivo iztrga.

SPLOŠNA MATURA

NAVODILA KANDIDATU

Pazljivo preberite ta navodila.

Ne odpirajte izpitne pole in ne začenjajte reševati nalog, dokler vam nadzorni učitelj tega ne dovoli.

Pri reševanju te izpitne pole uporaba računala ni dovoljena.

Prilepite kodo oziroma vpišite svojo šifro (v okvirček desno zgoraj na tej strani).

Izpitsna pola je sestavljena iz dveh delov, dela A in dela B. Časa za reševanje je 90 minut. Priporočamo vam, da za reševanje dela A porabite 30 minut, za reševanje dela B pa 60 minut.

Izpitsna pola vsebuje 8 kratkih nalog v delu A in 6 kraje strukturiranih nalog v delu B. Število točk, ki jih lahko dosežete, je 60, od tega 20 v delu A in 40 v delu B. Za posamezno nalogu je število točk navedeno v izpitni poli. Pri reševanju si lahko pomagate s standardno zbirkijo zahtevnejših formul na strani 3.

Rešitve pišite z nalivnim peresom ali s kemičnim svinčnikom v izpitno polo v za to predvideni prostor **znotraj okvirja**. Rišete lahko tudi s svinčnikom. Če se zmotite, napisano prečrtajte in rešitev zapišite na novo. Nečitljivi zapisi in nejasni popravki bodo ocenjeni z 0 točkami. Strani 13 in 20 sta rezervni; uporabite ju le, če vam zmanjka prostora. Jasno označite, katere naloge ste reševali na teh straneh. Osnutki rešitev, ki jih lahko naredite na konceptna lista, se pri ocenjevanju ne upoštevajo.

Pri reševanju nalog mora biti jasno in korektno predstavljena pot do rezultata z vsemi vmesnimi računi in sklepi. Če ste nalogo reševali na več načinov, jasno označite, katero rešitev naj ocenjevalec oceni.

Zaupajte vase in v svoje zmožnosti. Želimo vam veliko uspeha.

Ta pola ima 20 strani, od tega 1 prazno in 2 rezervni.



**Formule**

(Vsota in razlika kubov) Za poljubna $a, b \in \mathbb{R}$ velja $a^3 \pm b^3 = (a \pm b)(a^2 \mp ab + b^2)$.

(Evklidov in višinski izrek) Pravokotni trikotnik ima kateti a in b ter hipotenuzo c . Višina na hipotenuzo je v_c , pravokotna projekcija katete a na hipotenuzo je a_1 , pravokotna projekcija katete b na hipotenuzo pa b_1 . Tedaj velja $a^2 = ca_1$, $b^2 = cb_1$, $v_c^2 = a_1 b_1$.

(Polmera trikotniku včrtanega in očrtanega kroga) Trikotnik ima stranice a, b in c , polovica obsega je $s = \frac{a+b+c}{2}$, ploščina je S , polmer danemu trikotniku včrtanega kroga je r in polmer danemu trikotniku očrtanega kroga je R . Tedaj je $r = \frac{S}{s}$ in $R = \frac{abc}{4S}$.

(Heronova formula) Trikotnik ima stranice a, b in c , polovica obsega je $s = \frac{a+b+c}{2}$. Tedaj je njegova ploščina $S = \sqrt{s(s-a)(s-b)(s-c)}$.

(Ploščina trikotnika) Naj bodo $A(x_1, y_1), B(x_2, y_2)$ in $C(x_3, y_3)$ točke v ravnini. Ploščina trikotnika z oglišči A, B in C je $S = \frac{1}{2} |(x_2 - x_1)(y_3 - y_1) - (x_3 - x_1)(y_2 - y_1)|$.

(Krogla) Površina in prostornina krogle s polmerom r sta $P = 4\pi r^2, V = \frac{4\pi r^3}{3}$.

(Adicijski izreki) Za poljubna $x, y \in \mathbb{R}$ velja

$$\sin(x \pm y) = \sin x \cos y \pm \cos x \sin y, \quad \cos(x \pm y) = \cos x \cos y \mp \sin x \sin y.$$

Za poljubna $x, y \in \mathbb{R} \setminus \left\{ \frac{\pi}{2} + \pi \cdot k; k \in \mathbb{Z} \right\}$, za katera je $x + y \neq \frac{\pi}{2} + \pi \cdot k$ za poljuben $k \in \mathbb{Z}$ in

$$\tan x \tan y \neq -1, \text{ velja } \tan(x \pm y) = \frac{\tan x \pm \tan y}{1 \mp \tan x \tan y}.$$

(Kotne funkcije polovičnih kotov)

$$\text{Za poljuben } x \in \mathbb{R} \text{ velja } \sin^2 \frac{x}{2} = \frac{1 - \cos x}{2}, \quad \cos^2 \frac{x}{2} = \frac{1 + \cos x}{2}.$$

$$\text{Za poljuben } x \in \mathbb{R} \setminus \{\pi + \pi \cdot 2k; k \in \mathbb{Z}\} \text{ velja } \tan \frac{x}{2} = \frac{\sin x}{1 + \cos x}.$$

(Elipsa) Elipsa v ravnini ima polosi a in b ($a > b$), njena linearna ekscentričnost je e , njena numerična ekscentričnost je ε . Tedaj velja $e^2 = a^2 - b^2$, $\varepsilon = \frac{e}{a}$.

(Hiperbola) Hiperbola v ravnini ima realno polos a in imaginarno polos b , njena linearna ekscentričnost je e , njena numerična ekscentričnost je ε . Tedaj velja $e^2 = a^2 + b^2$, $\varepsilon = \frac{e}{a}$.

(Parabola) Parabola v ravnini z enačbo $y^2 = 2px$ ima gorišče v $G\left(\frac{p}{2}, 0\right)$, enačba premice vodnice dane parbole pa je $x = -\frac{p}{2}$.

(Aritmetično zaporedje) Vsota prvih n členov aritmetičnega zaporedja (a_n) je $S_n = \frac{n}{2}(a_1 + a_n)$.

(Geometrijsko zaporedje) Vsota prvih n členov geometrijskega zaporedja (a_n) s kvocientom $q \in \mathbb{R}$

$$\text{je } S_n = \frac{a_1(q^n - 1)}{q - 1}, \text{ če je } q \neq 1, \text{ in } S_n = n a_1, \text{ če je } q = 1.$$

$$\text{(Limiti)} \lim_{n \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{1}{n}\right)^n = e \text{ in } \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{x} = 1.$$



Prazna stran

V sivo polje ne pišite. V sivo polje ne pišite.

V sivo polje ne pišite. V sivo polje ne pišite. V sivo polje ne pišite.



5/20

Konceptni list



Konceptni list

V sivo polje ne pišite. V sivo polje ne pišite.



7/20

Konceptni list



Konceptni list

**A) KRATKE NALOGE**

1. Dani sta množici $A = \{1, 2, 3\}$ in $B = \{3, 4, 6\}$. Z naštevanjem elementov zapišite množici $A \cup B$ in $A \cap B$.

(2 točki)

2. Izračunajte $\frac{1}{2+i}$ in rezultat zapišite v obliki $a+bi$, $a, b \in \mathbb{R}$.

(3 točke)



3. Preoblikujte besedilo v matematični (algebrski) zapis:
Od kvadrata vsote števil a in b odštejemo petkratnik kvadrata števila c .

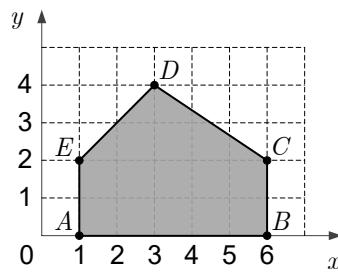
(2 točki)

4. Poenostavite ulomek $\frac{3^{x+1} - 2 \cdot 3^x - 3^{x-1}}{4 \cdot 3^{x-1}}$.

(3 točke)



5. Izračunajte ploščino lika $ABCDE$ na sliki.



(3 točke)

6. Izračunajte vrednost izraza $8(\log_2 32 + 2^{-3})$.

(3 točke)



7. Izračunajte $\int_0^1 f(x) dx$, če je $\int_0^5 f(x) dx = 6$ in $\int_1^5 f(x) dx = 4$.

(1 točka)

8. Rešite kvadratno enačbo $x^2 + 2x + 2 = 0$ v kompleksnem.

(3 točke)



Rezervna stran

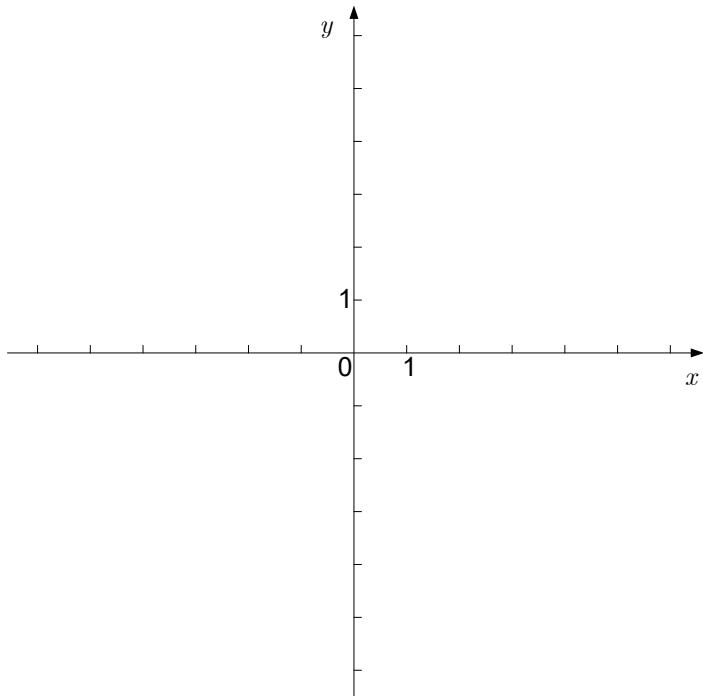
V sivo polje ne pišite. V sivo polje ne pišite.

OBRNITE LIST.



B) KRAJŠE STRUKTURIRANE NALOGE

1. Narišite premici z enačbama $y = -3$ in $y = -2x + 3$ ter izračunajte ploščino trikotnika, ki ga premici oklepata z ordinatno osjo.



(6 točk)



M 2 3 1 4 0 1 1 1 1 5

2. Izračunajte osnovo a logaritemske funkcije $f(x) = \log_a x$, katere graf poteka skozi točko $A\left(\frac{1}{8}, -\frac{3}{2}\right)$.

(6 točk)



3. Izračunajte ničle, pole, začetno vrednost in asimptoto funkcije $f(x) = \frac{x^2 - 2x - 3}{x^2 - 4}$ ter narišite njen graf. (Opomba: pri reševanju naloge ni treba računati odvoda funkcije.)

(8 točk)



M 2 3 1 4 0 1 1 1 1 7

4. Naj bo $\cos x = \frac{1}{3}$ in $\frac{3\pi}{2} < x < 2\pi$. Izračunajte natančni vrednosti izrazov $\sin x$ in $\cos\left(x + \frac{\pi}{4}\right)$.

(6 točk)



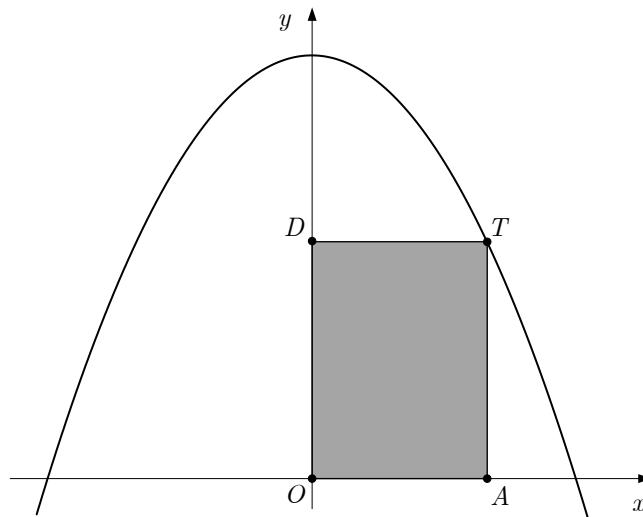
5. Preverite, da je število -1 dvojna ničla polinoma $p(x) = 2x^4 + 7x^3 + 6x^2 - x - 2$. Poiščite še preostali dve ničli.

(7 točk)



M 2 3 1 4 0 1 1 1 1 9

6. Točka T leži v prvem kvadrantu na grafu funkcije $f(x) = 6 - x^2$ tako, da je ploščina pravokotnika $OATD$ maksimalna. Glejte sliko. Izračunajte ploščino pravokotnika $OATD$.



(7 točk)



Rezervna stran

V sivo polje ne pišite. V sivo polje ne pišite.