



Šifra kandidata:

Državni izpitni center



JESENSKI IZPITNI ROK

Osnovna raven

MATEMATIKA

==== Izpitna pola 1 ====

- A) Kratke naloge
- B) Kraje strukturirane naloge

Četrtek, 24. avgust 2023 / 90 minut (30 + 60)

Dovoljeno gradivo in pripomočki:

Kandidat prinese nalivno pero ali kemični svinčnik, svinčnik, radirko in geometrijsko orodje (šestilo in ravnilo, lahko tudi trikotnik).

Priloga s formulami in konceptna lista so na perforiranih listih, ki jih kandidat pazljivo iztrga.

SPLOŠNA MATURA

NAVODILA KANDIDATU

Pazljivo preberite ta navodila.

Ne odpirajte izpitne pole in ne začenjajte reševati nalog, dokler vam nadzorni učitelj tega ne dovoli.

Pri reševanju te izpitne pole uporaba računala ni dovoljena.

Prilepite kodo oziroma vpišite svojo šifro (v okvirček desno zgoraj na tej strani).

Izpitsna pola je sestavljena iz dveh delov, dela A in dela B. Časa za reševanje je 90 minut. Priporočamo vam, da za reševanje dela A porabite 30 minut, za reševanje dela B pa 60 minut.

Izpitsna pola vsebuje 8 kratkih nalog v delu A in 6 krajev strukturiranih nalog v delu B. Število točk, ki jih lahko dosežete, je 60, od tega 20 v delu A in 40 v delu B. Za posamezno nalogu je število točk navedeno v izpitni poli. Pri reševanju si lahko pomagate s standardno zbirko zahtevnejših formul na strani 3.

Rešitve pišite z nalivnim peresom ali s kemičnim svinčnikom v izpitno polo v za to predvideni prostor **znotraj okvirja**. Rišete lahko tudi s svinčnikom. Če se zmotite, napisano prečrtajte in rešitev zapišite na novo. Nečitljivi zapisi in nejasni popravki bodo ocenjeni z 0 točkami. Strani 13 in 20 sta rezervni; uporabite ju le, če vam zmanjka prostora. Jasno označite, katere naloge ste reševali na teh straneh. Osnutki rešitev, ki jih lahko naredite na konceptna lista, se pri ocenjevanju ne upoštevajo.

Pri reševanju nalog mora biti jasno in korektno predstavljena pot do rezultata z vsemi vmesnimi računi in sklepi. Če ste nalogo reševali na več načinov, jasno označite, katero rešitev naj ocenjevalec oceni.

Zaupajte vase in v svoje zmožnosti. Želimo vam veliko uspeha.

Ta pola ima 20 strani, od tega 1 prazno in 2 rezervni.



**Formule**

(Vsota in razlika kubov) Za poljubna $a, b \in \mathbb{R}$ velja $a^3 \pm b^3 = (a \pm b)(a^2 \mp ab + b^2)$.

(Evklidov in višinski izrek) Pravokotni trikotnik ima kateti a in b ter hipotenuzo c . Višina na hipotenuzo je v_c , pravokotna projekcija katete a na hipotenuzo je a_1 , pravokotna projekcija katete b na hipotenuzo pa b_1 . Tedaj velja $a^2 = ca_1$, $b^2 = cb_1$, $v_c^2 = a_1 b_1$.

(Polmera trikotniku včrtanega in očrtanega kroga) Trikotnik ima stranice a, b in c , polovica obsega je $s = \frac{a+b+c}{2}$, ploščina je S , polmer danemu trikotniku včrtanega kroga je r in polmer danemu trikotniku očrtanega kroga je R . Tedaj je $r = \frac{S}{s}$ in $R = \frac{abc}{4S}$.

(Heronova formula) Trikotnik ima stranice a, b in c , polovica obsega je $s = \frac{a+b+c}{2}$. Tedaj je njegova ploščina $S = \sqrt{s(s-a)(s-b)(s-c)}$.

(Ploščina trikotnika) Naj bodo $A(x_1, y_1), B(x_2, y_2)$ in $C(x_3, y_3)$ točke v ravnini. Ploščina trikotnika z oglišči A, B in C je $S = \frac{1}{2} |(x_2 - x_1)(y_3 - y_1) - (x_3 - x_1)(y_2 - y_1)|$.

(Krogla) Površina in prostornina krogle s polmerom r sta $P = 4\pi r^2, V = \frac{4\pi r^3}{3}$.

(Adicijski izreki) Za poljubna $x, y \in \mathbb{R}$ velja

$$\sin(x \pm y) = \sin x \cos y \pm \cos x \sin y, \quad \cos(x \pm y) = \cos x \cos y \mp \sin x \sin y.$$

Za poljubna $x, y \in \mathbb{R} \setminus \left\{ \frac{\pi}{2} + \pi \cdot k; k \in \mathbb{Z} \right\}$, za katera je $x + y \neq \frac{\pi}{2} + \pi \cdot k$ za poljuben $k \in \mathbb{Z}$ in

$$\tan x \tan y \neq -1, \text{ velja } \tan(x \pm y) = \frac{\tan x \pm \tan y}{1 \mp \tan x \tan y}.$$

(Kotne funkcije polovičnih kotov)

$$\text{Za poljuben } x \in \mathbb{R} \text{ velja } \sin^2 \frac{x}{2} = \frac{1 - \cos x}{2}, \quad \cos^2 \frac{x}{2} = \frac{1 + \cos x}{2}.$$

$$\text{Za poljuben } x \in \mathbb{R} \setminus \{\pi + \pi \cdot 2k; k \in \mathbb{Z}\} \text{ velja } \tan \frac{x}{2} = \frac{\sin x}{1 + \cos x}.$$

(Elipsa) Elipsa v ravnini ima polosi a in b ($a > b$), njena linearna ekscentričnost je e , njena numerična ekscentričnost je ε . Tedaj velja $e^2 = a^2 - b^2$, $\varepsilon = \frac{e}{a}$.

(Hiperbola) Hiperbola v ravnini ima realno polos a in imaginarno polos b , njena linearna ekscentričnost je e , njena numerična ekscentričnost je ε . Tedaj velja $e^2 = a^2 + b^2$, $\varepsilon = \frac{e}{a}$.

(Parabola) Parabola v ravnini z enačbo $y^2 = 2px$ ima gorišče v $G\left(\frac{p}{2}, 0\right)$, enačba premice vodnice dane parbole pa je $x = -\frac{p}{2}$.

(Aritmetično zaporedje) Vsota prvih n členov aritmetičnega zaporedja (a_n) je $S_n = \frac{n}{2}(a_1 + a_n)$.

(Geometrijsko zaporedje) Vsota prvih n členov geometrijskega zaporedja (a_n) s kvocientom $q \in \mathbb{R}$

$$\text{je } S_n = \frac{a_1(q^n - 1)}{q - 1}, \text{ če je } q \neq 1, \text{ in } S_n = n a_1, \text{ če je } q = 1.$$

$$\text{(Limiti)} \lim_{n \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{1}{n}\right)^n = e \text{ in } \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{x} = 1.$$



Prazna stran

V sivo polje ne pišite. V sivo polje ne pišite. V sivo polje ne pišite. V sivo polje ne pišite.



5/20

Konceptni list

V sivo polje ne pišite. V sivo polje ne pišite.



Konceptni list



7/20

Konceptni list

V sivo polje ne pišite. V sivo polje ne pišite.



Konceptni list

**A) KRATKE NALOGE**

1. V levem stolpcu preglednice je opis množice. V desni stolpec preglednice vpišite njeno moč.

Opis množice	Moč množice
Množica A je množica vseh sodih naravnih števil, manjših od 7.	
Množica B je množica vseh diagonal v pravilnem petkotniku.	

(2 točki)

2. Rešite enačbo $3|x + 3| = 2|x + 3| + 8$.

(3 točke)



3. V skupini je 6 fantov in 3 deklice. Povprečna starost fantov je 10 let, povprečna starost deklic pa 7 let. Kolikšna je povprečna starost te skupine otrok?

(3 točke)

4. Naj bo α oster kot in naj velja $\sin \alpha = \frac{1}{4}$. Izračunajte $\cos \alpha$ in $\tan \alpha$.

(3 točke)



5. Zapišite teme kvadratne funkcije $f(x) = 4x^2 - 4x + 4$.

(2 točki)

6. Rešite enačbo $\log_x 32 = 5$.

(2 točki)



7. Izračunajte odvod funkcije $f(x) = \ln(2x + 5)$.

(2 točki)

8. V srednjem stolpcu tabele napišite znak $<$, $>$ ali $=$ tako, da bo v posamezni vrstici izjava pravilna.

	Znak	
$1 + \frac{1}{4}$		$2 - \frac{4}{5}$
$\sin 120^\circ$		$\sin 150^\circ$
$\binom{7}{3}$		$\binom{7}{4}$

(3 točke)



13/20

Rezervna stran

V sivo polje ne pišite. V sivo polje ne pišite.

OBRNITE LIST.



B) KRAJŠE STRUKTURIRANE NALOGE

1. Dani so vektorji $\vec{a} = (4, -3, 1)$, $\vec{b} = (-2, 5, 3)$ in $\vec{c} = (x, 2, 4)$.

1.1. Izračunajte $2\vec{a} + \vec{b}$. (2)

1.2. Izračunajte $\vec{a} \cdot \vec{b}$. (2)

1.3. Izračunajte dolžino vektorja \vec{b} . (2)

1.4. Določite x tako, da bosta vektorja \vec{a} in \vec{c} pravokotna. (2)

(8 točk)



M 2 3 2 4 0 1 1 1 1 5

2. V preglednici določite pravilnost (resničnost) ali nepravilnost (neresničnost) izjav tako, da v posamezni vrstici obkrožite DA, če je izjava pravilna, ali NE, če izjava ni pravilna.

Izjava	Pravilnost/nepravilnost izjave	
$i^2 = -1$	DA	NE
$ 3-4i = 25$	DA	NE
$\overline{3-4i} = 3+4i$	DA	NE
$i^{2022} = -1$	DA	NE
$\operatorname{Im}(3-4i) = -4i$	DA	NE
$\operatorname{Re}(3-4i) = 3$	DA	NE
$25(3-4i)^{-1} = 3+4i$	DA	NE

(7 točk)



3. Naj bosta a in b poljubni realni števili, $a > 0$ in $b \neq 0$. Vsak izraz v levem stolpcu preglednice je enak enemu izrazu v desnem stolpcu. Izrazi v desnem stolpcu so označeni s črkami od A do L.

V preglednici v za to namenjen prostor vpisite črko izraza, ki je enak izrazu v levem stolpcu preglednice (prva vrstica je že izpolnjena).

a^0	L
$(ab^2)^2$	
$(a + b^2)^2$	
$(ab^2) : (ab)^3$	
$\sqrt{a} \cdot \sqrt[3]{ab}$	
$\sqrt{b^2}$	

- (A) ab^4
 (B) b
 (C) $|b|$
 (D) a^2b^4
 (E) $a^{-2}b^{-1}$
 (F) $a^{\frac{5}{6}}b^{\frac{1}{3}}$
 (G) $a^2 + 2ab^2 + b^4$
 (H) $\sqrt[5]{a^5b^5}$
 (I) $a^2 + b^4$
 (J) $a^{-3}b^{-1}$
 (K) -1
 (L) 1

(5 točk)



V sivo polje ne pišite. V sivo polje ne pišite.

4. Rešite enačbo $\log(15 - x) + \log(-x) = 2$.

(7 točk)



5. Dana je funkcija s predpisom $f(x) = \frac{2-x}{x+2}$.

Zapišite definicijsko območje funkcije f .

Zapišite enačbo vodoravne asimptote funkcije f .

Poščite predpis inverzne funkcije f^{-1} .

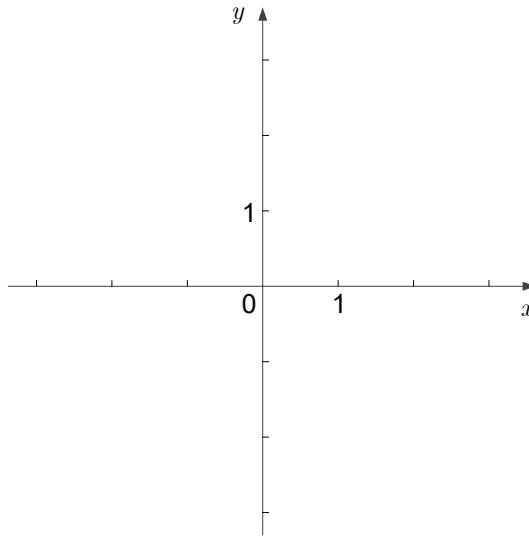
Zapišite zalogo vrednosti funkcije f .

(6 točk)



6. Naj bo a pozitivno realno število.

V istem koordinatnem sistemu skicirajte graf funkcije $f(x) = e^{ax}$ in premico $y = e$.



Izračunajte ploščino lika, ki ga omejujejo graf funkcije f , premica $y = e$ in ordinatna os.

(7 točk)



Rezervna stran

V sivo polje ne pišite. V sivo polje ne pišite.