



Šifra kandidata:

## Državni izpitni center



P 2 3 3 C 1 0 1 1 1

ZIMSKI IZPITNI ROK

# MATEMATIKA

Izpitna pola

**Ponedeljek, 5. februar 2024 / 120 minut**

Dovoljeno gradivo in pripomočki:

Kandidat prinese nalinivo pero ali kemični svinčnik, svinčnik, radirko, računalo in geometrijsko orodje.

Kandidat dobi dva konceptna lista in ocenjevalni obrazec.

Priloga s formulami je na perforiranem listu, ki ga kandidat pazljivo iztrga.

## POKLICNA MATURA

### NAVODILA KANDIDATU

**Pazljivo preberite ta navodila.**

**Ne odpirajte izpitne pole in ne začenjajte reševati nalog, dokler vam nadzorni učitelj tega ne dovoli.**

Prilepite oziroma vpišite svojo šifro v okvirček desno zgoraj na tej strani in na ocenjevalni obrazec ter na konceptna lista.

Izpitna pola je sestavljena iz dveh delov. Prvi del vsebuje 11 nalog. Drugi del vsebuje 3 naloge, izmed katerih izberite in rešite dve. Število točk, ki jih lahko dosežete, je 70, od tega 50 v prvem delu in 20 v drugem delu. Za posamezno nalogu je število točk navedeno v izpitni poli. Pri reševanju si lahko pomagate s formulami na 3. in 4. strani.

V preglednici z "x" zaznamujte, kateri dve nalogi v drugem delu naj ocenjevalec oceni. Če tega ne boste storili, bo ocenil prvi dve nalogi, ki ste ju reševali.

1.	2.	3.

Rešitve pišite z nalinivim peresom ali s kemičnim svinčnikom in jih vpisujte v izpitno polo v za to predvideni prostor; grafe funkcij, geometrijske skice in risbe pa lahko rišete s svinčnikom. Če se zmotite, napisano prečrtajte in rešitev zapišite na novo. Nečitljivi zapisi in nejasni popravki bodo ocenjeni z 0 točkami. Osnutki rešitev, ki jih lahko naredite na konceptna lista, se pri ocenjevanju ne upoštevajo.

Pri reševanju nalog mora biti jasno in korektno predstavljena pot do rezultata z vsemi vmesnimi računi in sklepi. Če ste nalogo reševali na več načinov, jasno označite, katero rešitev naj ocenjevalec oceni.

Zaupajte vase in v svoje zmožnosti. Želimo vam veliko uspeha.

Ta pola ima 24 strani, od tega 3 prazne.





## FORMULE

### 1. Pravokotni koordinatni sistem v ravnini, linearna funkcija

- Razdalja dveh točk v ravnini:**  $d(A, B) = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$
- Linearna funkcija:**  $f(x) = kx + n$
- Smerni koeficient premice:**  $k = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}$
- Naklonski kot premice:**  $k = \tan \varphi$
- Kot med premicama:**  $\tan \varphi = \left| \frac{k_2 - k_1}{1 + k_1 k_2} \right|$

### 2. Ravninska geometrija (ploščine likov so označene s S)

- Trikotnik:**  $S = \frac{cv_c}{2}$ ,  $S = \frac{1}{2}ab \sin \gamma$ ,  $S = \sqrt{s(s-a)(s-b)(s-c)}$ ,  $s = \frac{a+b+c}{2}$
- Polmera trikotniku očrtanega ( $R$ ) in včrtanega ( $r$ ) kroga:**  $R = \frac{abc}{4S}$ ,  $r = \frac{S}{s}$ ,  $(s = \frac{a+b+c}{2})$
- Enakostranični trikotnik:**  $S = \frac{a^2 \sqrt{3}}{4}$ ,  $v = \frac{a\sqrt{3}}{2}$ ,  $r = \frac{a\sqrt{3}}{6}$ ,  $R = \frac{a\sqrt{3}}{3}$
- Deltoid, romb:**  $S = \frac{ef}{2}$
- Romb:**  $S = a^2 \sin \alpha$
- Paralelogram:**  $S = ab \sin \alpha$
- Trapez:**  $S = \frac{a+c}{2}v$
- Dolžina krožnega loka:**  $l = \frac{\pi r \alpha^\circ}{180^\circ}$
- Ploščina krožnega izseka:**  $S = \frac{\pi r^2 \alpha^\circ}{360^\circ}$
- Sinusni izrek:**  $\frac{a}{\sin \alpha} = \frac{b}{\sin \beta} = \frac{c}{\sin \gamma} = 2R$
- Kosinusni izrek:**  $a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos \alpha$

### 3. Površine in prostornine geometrijskih teles (S je ploščina osnovne ploskve)

- Prizma:**  $P = 2S + S_{pl}$ ,  $V = Sv$
- Valj:**  $P = 2\pi r^2 + 2\pi rv$ ,  $V = \pi r^2 v$
- Piramida:**  $P = S + S_{pl}$ ,  $V = \frac{1}{3}Sv$
- Stožec:**  $P = \pi r^2 + \pi rs$ ,  $V = \frac{1}{3}\pi r^2 v$
- Krogla:**  $P = 4\pi r^2$ ,  $V = \frac{4\pi r^3}{3}$

### 4. Kotne funkcije

- $\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1$
- $\tan \alpha = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha}$
- $\cos(\alpha \pm \beta) = \cos \alpha \cos \beta \mp \sin \alpha \sin \beta$
- $\sin(\alpha \pm \beta) = \sin \alpha \cos \beta \pm \cos \alpha \sin \beta$
- $1 + \tan^2 \alpha = \frac{1}{\cos^2 \alpha}$
- $\sin 2\alpha = 2 \sin \alpha \cos \alpha$
- $\cos 2\alpha = \cos^2 \alpha - \sin^2 \alpha$

### 5. Kvadratna enačba in kvadratna funkcija

- $ax^2 + bx + c = 0$
- $f(x) = ax^2 + bx + c$
- $f(x) = a(x - p)^2 + q$
- $f(x) = a(x - x_1)(x - x_2)$
- Rešitvi:**  $x_{1,2} = \frac{-b \pm \sqrt{D}}{2a}$ ,  $D = b^2 - 4ac$
- Teme:**  $T(p, q)$ ,  $p = \frac{-b}{2a}$ ,  $q = \frac{-D}{4a}$



## 6. Logaritmi

- $\log_a y = x \Leftrightarrow a^x = y$
- $\log_b x = \frac{\log_a x}{\log_a b}$
- $\log_a(xy) = \log_a x + \log_a y$
- $\log_a \frac{x}{y} = \log_a x - \log_a y$
- $\log_a x^n = n \log_a x$

## 7. Zaporedja

- **Aritmetično zaporedje:**  $a_n = a_1 + (n-1)d$ ,  $s_n = \frac{n}{2}(2a_1 + (n-1)d)$
- **Geometrijsko zaporedje:**  $a_n = a_1 q^{n-1}$ ,  $s_n = a_1 \frac{q^n - 1}{q - 1}$
- **Obrestno obrestovanje:**  $G_n = G_0 r^n$ ,  $r = 1 + \frac{p}{100}$

## 8. Obdelava podatkov (statistika)

- **Aritmetična sredina:**  $\bar{x} = \frac{x_1 + x_2 + \dots + x_n}{n}$   

$$\bar{x} = \frac{f_1 x_1 + f_2 x_2 + \dots + f_k x_k}{f_1 + f_2 + \dots + f_k}$$

## 9. Odvod

- **Odvodi nekaterih elementarnih funkcij:**

$$f(x) = x^n, f'(x) = nx^{n-1}$$

$$f(x) = \sin x, f'(x) = \cos x$$

$$f(x) = \cos x, f'(x) = -\sin x$$

$$f(x) = \tan x, f'(x) = \frac{1}{\cos^2 x}$$

$$f(x) = \ln x, f'(x) = \frac{1}{x}$$

$$f(x) = e^x, f'(x) = e^x$$
- **Pravila za odvajanje:**

$$(f(x) + g(x))' = f'(x) + g'(x)$$

$$(f(x)g(x))' = f'(x)g(x) + f(x)g'(x)$$

$$(kf(x))' = kf'(x)$$

$$\left(\frac{f(x)}{g(x)}\right)' = \frac{f'(x)g(x) - f(x)g'(x)}{g^2(x)}$$

$$(f(g(x)))' = f'(g(x))g'(x)$$

## 10. Kombinatorika in verjetnostni račun

- **Permutacije brez ponavljanja:**  $P_n = n!$
- **Variacije brez ponavljanja:**  $V_n^r = \frac{n!}{(n-r)!}$
- **Variacije s ponavljanjem:**  ${}^{(p)}V_n^r = n^r$
- **Kombinacije brez ponavljanja:**  $C_n^r = \frac{V_n^r}{r!} = \frac{n!}{r!(n-r)!} = \binom{n}{r}$
- **Verjetnost slučajnega dogodka A:**  $P(A) = \frac{m}{n} = \frac{\text{število ugodnih izidov}}{\text{število vseh izidov}}$

**1. DEL**

**Rešite vse naloge.**

1. Mia sestavlja sestavljanko s 1500 kosi. Prvi dan je uporabila 24 % vseh kosov sestavljanke, drugi dan je dodala v sestavljanko  $\frac{3}{5}$  preostalih kosov, tretji dan pa je v sestavljanko dodala še 260 kosov. Izračunajte, koliko kosov mora Mia še dodati v sestavljanko, da bo sestavljanka dokončana.

(4 točke)



2. V okvirčke zapišite števila, tako da bo vseh pet števil tvorilo padajoče geometrijsko zaporedje.

320,  ,  ,  ,  $\frac{5}{64}$

(4 točke)



3. Cena najema avtomobila brez omejitve števila prevoženih kilometrov v enem dnevu je 50 EUR na dan. Cena najema vozila z omejitvijo na 200 prevoženih kilometrov v enem dnevu pa je 40 EUR na dan, pri čemer ponudnik zaračuna za vsak dodatni prevoženi kilometer 0,30 EUR. Najmanj koliko kilometrov je treba prevoziti v enem dnevu, da je ugodnejši najem avtomobila brez omejitve prevoženih kilometrov?

(4 točke)



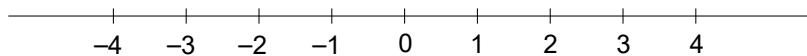
4. Dana je funkcija  $f(x) = 2\sin\left(\frac{x}{2} + \frac{\pi}{6}\right) - 2$ . Izračunajte začetno vrednost funkcije  $f$  in zapišite največjo vrednost, ki jo lahko doseže funkcija  $f$ .

(4 točke)



5. Rešite neenačbo  $(x+2)^2 \leq x^2 + 8$  in rešitev predstavite na številski premici.

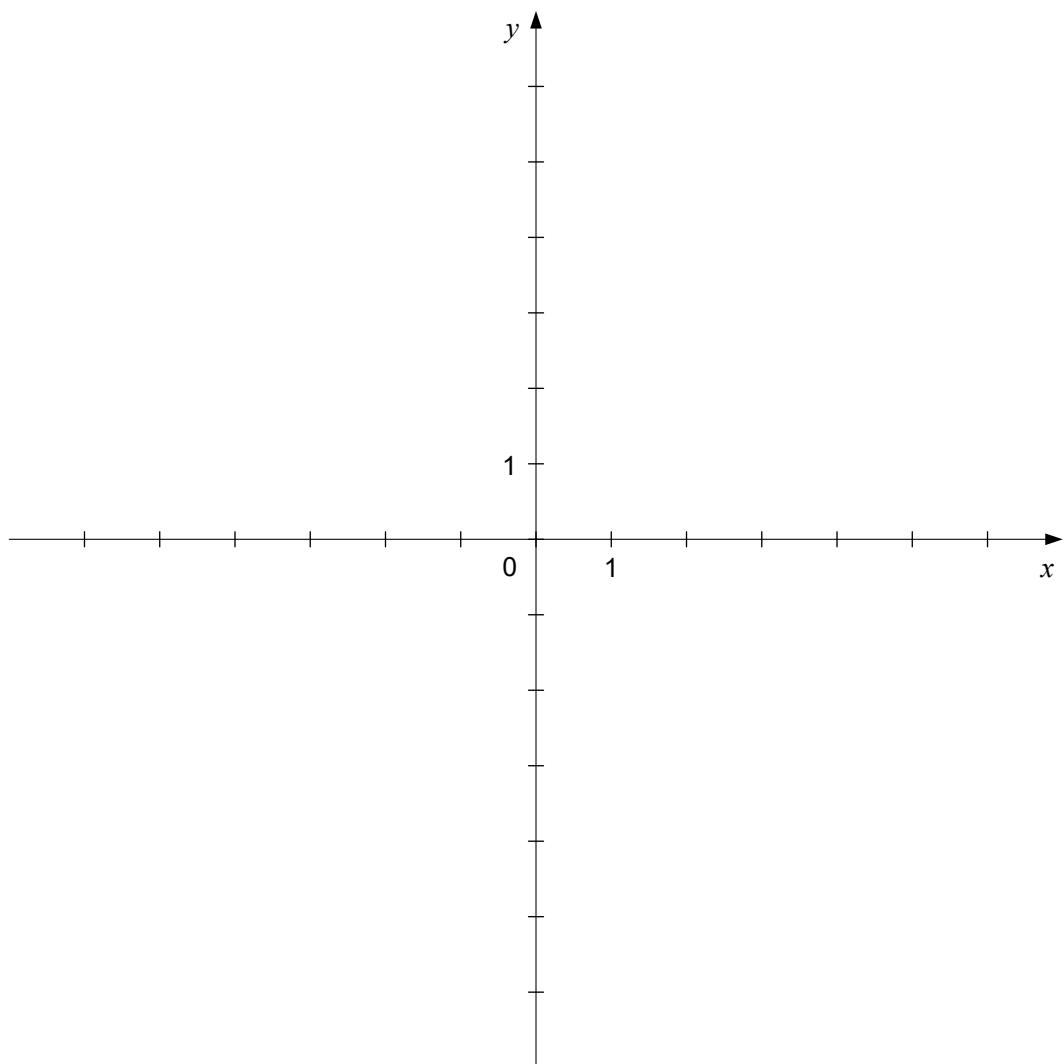
(4 točke)





6. Narišite graf racionalne funkcije  $f$ , dane s predpisom  $f(x) = \frac{4x-2}{x}$ .

(4 točke)





7. V enakokrakem trapezu  $ABCD$  sta dolžini osnovnic  $7\text{ cm}$  in  $3\text{ cm}$ , kot  $\alpha$  ob daljši osnovnici pa je velik  $30^\circ$ . Izračunajte višino enakokrakega trapeza  $ABCD$ . Rezultat zaokrožite na tri decimalke.

(4 točke)



8. V podjetju Kornet izdelujejo sladoled iz ohlajene sladoledne zmesi, v katero uvajajo plin. Prostornina sladoledne zmesi po uvajanju plina naraste za 80 %. Največ koliko sladolednih kepic oblike krogla s polmerom 2 cm lahko naredijo v podjetju Kornet iz  $1000 \text{ cm}^3$  sladoledne zmesi po uvajanju plina?

(5 točk)



9. Dana je funkcija  $f$  s predpisom  $f(x) = 2x^2 - x + c$ , kjer je  $c$  realno število. Graf funkcije poteka skozi točko  $A(1, -4)$ . Izračunajte število  $c$  in smerni koeficient tangente na graf funkcije  $f$  v točki  $A$ .  
*(5 točk)*



10. Izračunajte abscisi presečišč grafov funkcij  $f(x) = 3^{x^2+3}$  in  $g(x) = 81$ .

(6 točk)



11. Tine je vrgel dve običajni igralni kocki, na ploskvah so pike od 1 do 6. Izračunajte verjetnosti zapisanih dogodkov  $A$  in  $B$ .

$A$  : Na obeh kockah pade enako število pik.

$B$  : Vsota pik na obeh kockah je manj kot 6.

Kateri dogodek je bolj verjeten,  $A$  ali  $B$ ?

(6 točk)

**2. DEL**

Izberite dve nalogi, na naslovnici izpitne pole zaznamujte njuni zaporedni številki in nalogi rešite.

1. Dana sta polinoma  $p(x) = x^4 - 6x^2 + 8x - 3$  in  $q(x) = x^2 + x - 2$ .

1.1. Poenostavite izraz  $p(x) + 6q(x)$ .

Zapišite količnik in ostanek pri deljenju polinoma  $p$  s polinomom  $q$ .

(5 točk)

1.2. Izračunajte ničle polinomov  $p$  in  $q$ .

Zapišite stopnjo pozitivne ničle polinoma  $h$ , danega s predpisom  $h(x) = p(x) \cdot q(x)$ .

(5 točk)



P 2 3 3 C 1 0 1 1 1 7

17/24



2. Osnovna ploskev pokončne tristrane prizme  $ABCDEF$  je trikotnik  $ABC$  s podatki  $b = 4,5 \text{ cm}$ ,  $c = 5 \text{ cm}$ ,  $\alpha = 150^\circ$ . Prizma je visoka  $v = 6,7 \text{ cm}$ .

2.1. Izračunajte dolžino stranice  $a$  trikotnika  $ABC$  in ploščino plašča prizme  $ABCDEF$ .

(4 točke)

2.2. Izračunajte prostornino prizme  $ABCDEF$ . Iz kozarca, v katerem je 1 dl vode, v posodo, ki ima obliko prizme  $ABCDEF$ , do vrha nalijemo vodo. Izračunajte, koliko dl vode je ostalo v kozarcu.

(6 točk)

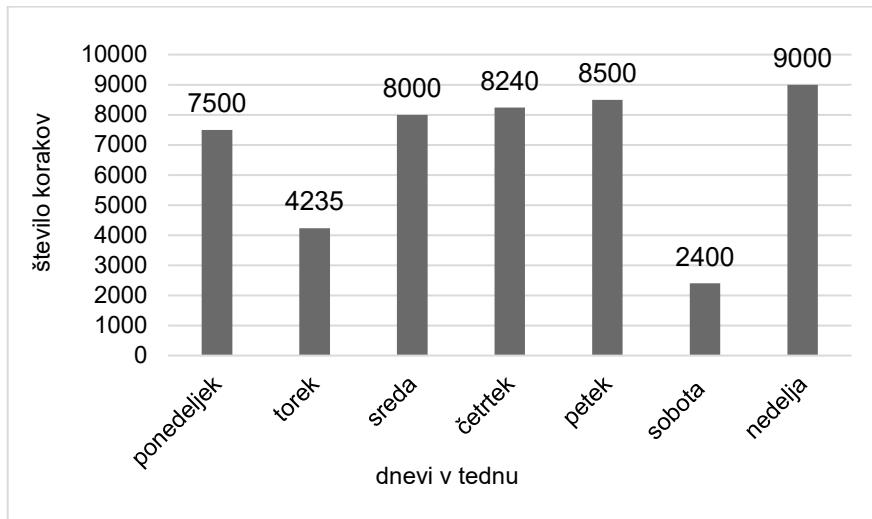


P 2 3 3 C 1 0 1 1 1 9

19/24



3. Mojca se je odločila, da bo z aplikacijo spremljala, koliko korakov naredi na dan. Po enem tednu je v aplikaciji videla spodnji prikaz:



- 3.1. Izračunajte aritmetično sredino števila korakov, ki jih je Mojca naredila v enem tednu. Zapišite mediano števila korakov, prehojenih v enem tednu. Koliko dni v tednu je Mojca naredila več korakov od aritmetične sredine?

(5 točk)

- 3.2. Iz prikaza aplikacije določite tista štiri števila korakov, ki tvorijo naraščajoče aritmetično zaporedje. Zapišite diferenco in člene tega aritmetičnega zaporedja. Izračunajte deseti člen tega zaporedja.

(5 točk)



P 2 3 3 C 1 0 1 1 1 2 1



# Prazna stran



P 2 3 3 C 1 0 1 1 2 3

23/24

# Prazna stran



P 2 3 3 C 1 0 1 1 2 4

# **Prazna stran**