

Šifra učenca:  
A tanuló kódszáma:

**Državni izpitni center**



N 1 7 1 4 0 1 3 1 M



**9.  
razred  
osztály**

**Ponedeljek, 8. maj 2017 / 60 minut  
2017. május 8., hétfő / 60 perc**

Dovoljeno gradivo in pripomočki: Učenec prinese modro/črno nalivno pero ali moder/črn kemični svinčnik, svinčnik, radirko, šilček, ravnilo, geotrikotnik in šestilo. Raba žepnega računalna ni dovoljena. Navodila in nasveti za reševanje, izbor geometrijskih obrazcev (formul), kvadratov nekaterih števil, nekaterih približkov stalnic (konstant) in matematičnih znakov so sestavni del preizkusa znanja.

Engedélyezett segédeszközök: a tanuló által hozott kék vagy fekete töltőtoll vagy golyóstoll, ceruza, radír, ceruzahegyszívő, vonalzó, háromszögvonalzó és körző. Tilos a zsebszámológép használata. A felmérőlap részét képezik az utasítások és tanácsok is, valamint a szükséges mértani képletek, négyzetek, közelítő értékek (állandók) és matematikai jelek válogatása.

**NACIONALNO PREVERJANJE ZNANJA  
ORSZÁGOS TUDÁSFELMÉRÉS**

**v 9. razredu  
a 9. osztályban**

Navodila učencu so na naslednji strani.  
A tanulónak szóló útmutató a következő oldalon olvasható.

Preizkus ima 32 strani, od tega 4 prazne.  
A felmérőlap terjedelme 32 oldal, ebből 4 üres.







## UTASÍTÁSOK ÉS TANÁCSOK A MEGOLDÁSHOZ

Figyelmesen olvasd el az egyes feladatok szövegét, nehogy valamilyen adatot vagy részkérdést kihagyjál!

Ha lehetséges, a feladat megoldását előre becsüld meg! A kapott megoldást hasonlítsd össze a megbecsülttel! Ha fejből meg is tudnál több mindent oldani, akkor is jegyezd le a teljes számításokat! A megoldási eljárás világosan és korrekt módon mutassa be az eredményhez vezető utat, tartalmazzon minden köztes számítást és következtetést!

Ha a megoldási eljárásban hibát követtél el, a hibásat húzd át, és újra oldd meg! Ha a feladatot többféleképpen oldottad meg, egyértelműen jelöld, melyik megoldást értékelje az értékelő!

Vedd figyelembe a válaszok, eredmények, illetve megoldások megadási módjára vonatkozó követelményeket! Figyelj a mérték- és pénzegységekre, ha szerepelnek a feladatban!

Munkád legyen áttekinthető és olvasható! A szerkesztési feladatoknál legyél minél pontosabb (a megengedett eltérés  $\pm 2$  mm és  $\pm 2^\circ$ )! Ceruzát és geometriai segédeszközöket használj!





## MÉRTANI KÉPLETEK

| MÉRTANI SÍKIDOMOK                                                 | KERÜLET ( $o$ )     | TERÜLET ( $p$ )                                        |
|-------------------------------------------------------------------|---------------------|--------------------------------------------------------|
| <b>Háromszög</b> ( $a, b, c$ oldalak, $v_a, v_b, v_c$ magasságok) | $o = a + b + c$     | $p = \frac{av_a}{2} = \frac{bv_b}{2} = \frac{cv_c}{2}$ |
| <b>Egyenlő oldalú háromszög</b> ( $a$ oldal)                      | $o = 3a$            | $p = \frac{a^2\sqrt{3}}{4}$                            |
| <b>Paralelogramma</b> ( $a, b$ oldalak, $v_a, v_b$ magasságok)    | $o = 2(a + b)$      | $p = av_a = bv_b$                                      |
| <b>Rombusz</b> ( $a$ oldal, $v$ magasság, $e, f$ átlók)           | $o = 4a$            | $p = av = \frac{ef}{2}$                                |
| <b>Trapéz</b> ( $a, c$ alapok, $b, d$ szárak, $v$ magasság)       | $o = a + b + c + d$ | $p = \frac{a+c}{2}v$                                   |
| <b>Kör</b> ( $r$ sugár)                                           | $o = 2\pi r$        | $p = \pi r^2$                                          |

| MÉRTANI TESTEK                                                         | FELSZÍN ( $P$ )       | TÉRFOGAT ( $V$ )          |
|------------------------------------------------------------------------|-----------------------|---------------------------|
| <b>Kocka</b> ( $a$ él)                                                 | $P = 6a^2$            | $V = a^3$                 |
| <b>Téglatest</b> ( $a, b, c$ élek)                                     | $P = 2(ab + ac + bc)$ | $V = abc$                 |
| <b>Hasáb</b> ( $O$ alaplapp, $pl$ palást, $v$ magasság)                | $P = 2O + pl$         | $V = Ov$                  |
| <b>Henger</b> (egyenes, az alaplapp $r$ sugara, $v$ magasság)          | $P = 2\pi r(r + v)$   | $V = \pi r^2 v$           |
| <b>Gúla</b> ( $O$ alaplapp, $pl$ palást, $v$ magasság)                 | $P = O + pl$          | $V = \frac{Ov}{3}$        |
| <b>Kúp</b> (egyenes, az alaplapp $r$ sugara, $s$ alkotó, $v$ magasság) | $P = \pi r(r + s)$    | $V = \frac{\pi r^2 v}{3}$ |

## A TERMÉSZETES SZÁMOK NÉGYZETE 11-TŐL 25-IG

|       |     |     |     |     |     |     |     |     |     |     |     |     |     |     |     |
|-------|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|
| $n$   | 11  | 12  | 13  | 14  | 15  | 16  | 17  | 18  | 19  | 20  | 21  | 22  | 23  | 24  | 25  |
| $n^2$ | 121 | 144 | 169 | 196 | 225 | 256 | 289 | 324 | 361 | 400 | 441 | 484 | 529 | 576 | 625 |

## KÖZELÍTŐÉRTÉKEK

$$\pi \doteq \frac{22}{7} \doteq 3,14$$

$$\sqrt{2} \doteq 1,41$$

$$\sqrt{3} \doteq 1,73$$

## MATEMATIKAI JELEK

|                             |                               |
|-----------------------------|-------------------------------|
| = egyenlő                   | $ AB $ az $AB$ szakasz hossza |
| $\neq$ nem egyenlő          | $\sphericalangle$ szög        |
| $\doteq$ körülbelül         | $\Delta$ háromszög            |
| $<$ kisebb                  | $\parallel$ párhuzamos        |
| $>$ nagyobb                 | $\perp$ merőleges             |
| $\leq$ kisebb vagy egyenlő  | $\cong$ egybevágó             |
| $\geq$ nagyobb vagy egyenlő | $\sim$ hasonló                |









1. Számítsd ki:

1. a)  $127,04 + 57,2 =$

(1 pont)

1. b)  $3\frac{1}{8} - \frac{7}{8} =$

(1 pont)

1. c)  $28,35 \cdot 2,7 =$

(1 pont)

1. d)  $\frac{27}{35} : 1\frac{4}{5} =$

(1 pont)

1. e)  $1,9^2 - 1,6 \cdot \sqrt{2,56} =$

(2 pont)





2. a) A  -be írd be a  $<$ ,  $>$  vagy  $=$  jelek egyikét úgy, hogy igaz legyen az alábbi kijelentés!

$$5 \text{ dm}^2 \quad \square \quad 500 \text{ cm}^2$$

(1 pont)

2. b) Egészítsd ki!

$$30 \text{ dag} + \text{_____ kg} = 1,5 \text{ kg}$$

(1 pont)

2. c) Egészítsd ki!

$$2 \text{ h-nak a } \frac{3}{4} \text{-e} = \text{_____ min}$$

(1 pont)

2. d) Számítsd ki!

$$138^\circ 32' - 69^\circ 48' = \text{_____}$$

(1 pont)

2. e) A felsorolt értékek közül melyik érték van a legközelebb a  $\frac{2}{3} \text{ hl}$  értékhez?  
Karikázd be!

$$667 \text{ l} \quad 67 \text{ l} \quad 66 \text{ l} \quad 6,7 \text{ l}$$

(1 pont)

2. f) Egészítsd ki!

$$\frac{1}{5} \text{ dm}^3 = \text{_____ l}$$

(1 pont)









4. a) Izračunaj dolžino stranice  $AB$  trikotnika  $ABC$ .

Reševanje:

$$|AB| = \text{_____} \text{ enot.}$$

(2 točki)

4. b) Preslikaj točko  $B$ , da velja  $\mathcal{Z}_{AC} : B \mapsto D$ .

(1 točka)

4. c) Odčitaj koordinati oglišča  $D$  in dopolni zapis  $D(\text{____}, \text{____})$

(1 točka)

4. d) Preslikaj štirikotnik  $ABCD$  čez oglišče  $A$  v štirikotnik  $AB'C'D'$ .

(1 točka)

4. e) Kolikšen del 6-kotnika  $D'BCDB'C'$  pokrije trikotnik  $ABC$ ?

Odgovor: \_\_\_\_\_

(1 točka)







4. a) Számítsd ki az  $ABC$  háromszög  $AB$  oldalának hosszúságát!

Megoldási eljárás:

$$|AB| = \text{_____} \text{ egység.}$$

(2 pont)

4. b) Tükrözd a  $B$  pontot, hogy a következő legyen érvényes:  $\mathcal{Z}_{AC} : B \mapsto D$ !

(1 pont)

4. c) Olvasd le a  $D$  csúcs koordinátáit, és egészítsd ki:  $D(\text{____}, \text{____})$ !

(1 pont)

4. d) Tükrözd az  $ABCD$  négyszöget az  $A$  pontra, hogy  $AB'C'D'$  négyszög keletkezzen!

(1 pont)

4. e) A  $D'BCDB'C'$  hatszög hányad részét fedi az  $ABC$  háromszög?

Válasz: \_\_\_\_\_

(1 pont)





N 1 7 1 4 0 1 3 1 M 1 9

5. Urškának bélyeggyűjteménye van. A bélyegek felét maga gyűjtötte össze, 10% -át a nagymamájától kapta, a fennmaradó 60 bélyeget pedig a bátyjától kapta.

5. a) A bélyegek hány százalékát kapta Urška a bátyjától? Karikázd be a helyes választ!

10%      40%      60%      90%

(1 pont)

5. b) Hány bélyeg van Urška gyűjteményében?

Megoldási eljárás:

Válasz: \_\_\_\_\_

(2 pont)

5. c) Urška az összes bélyegét két albumban helyezi el úgy, hogy az albumokban levő bélyegek száma 3 : 2 arányban lesz. Hány bélyeget fog tenni az egyes albumokba?

Megoldási eljárás:

Válasz: \_\_\_\_\_

(2 pont)





6. Adott az  $ABCD$  trapéz, amelynek alapjai  $a = 7$  cm és  $c = 5$  cm hosszúságúak,  $\beta = 75^\circ$ , a magassága pedig  $v = 5$  cm.

6. a) Éva kírta az adatokat, elkészítette a trapéz ábráját, és megszerkesztette az  $AB$  alapot. Fejezd be a trapéz szerkesztését!

TRAPÉZ

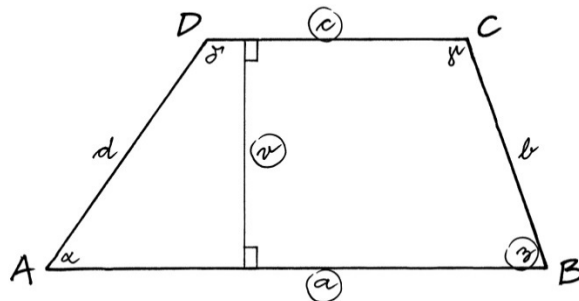
$$a = 7 \text{ cm}$$

$$c = 5 \text{ cm}$$

$$\beta = 75^\circ$$

$$v = 5 \text{ cm}$$

Ábra:



(3 pont)

6. b) Számítsd ki az  $ABCD$  trapéz területét!

Megoldási eljárás:

Az  $ABCD$  trapéz területe \_\_\_\_\_  $\text{cm}^2$ .

(2 pont)





7. A kocka felszíne  $216 \text{ cm}^2$ . A kocka alaplapjának kerülete megegyezik a szabályos egyenlő élű négyoldalú gúla alaplapjának a kerületével.

7. a) Számítsd ki a szabályos egyenlő élű négyoldalú gúla élhosszúságát!

Megoldási eljárás:

A szabályos egyenlő élű négyoldalú gúla élhosszúsága \_\_\_\_\_ cm.

(2 pont)

7. b) Számítsd ki a szabályos egyenlő élű négyoldalú gúla térfogatát!

Megoldási eljárás:

A szabályos egyenlő élű négyoldalú gúla térfogata \_\_\_\_\_.

(4 pont)







8. Mima 3 kartonlapot készített. Mindegyikre egy-egy számjegyet írt, éspedig a 3-ast, az 5-öst és a 8-ast. A kartonlapokat egymás mellé rakosgatta, és így kirakott minden olyan háromjegyű számot, amelyet a 3-as, 5-ös és 8-as számjegyekből létre lehet hozni.

8. a) Írd fel az összes számot, amelyet Mima kirakott!

\_\_\_\_\_ (1 pont)

8. b) A legnagyobb páros szám, amelyet Mima kirakott: \_\_\_\_\_.

(1 pont)

8. c) Mekkora a Mima által kirakott számok átlaga?

Válasz: \_\_\_\_\_ (1 pont)

8. d) A Mima által kirakott számok mediánja: \_\_\_\_\_.

(1 pont)

8. e) Janko a 2-es, 7-es és 9-es számjegyekből kirakott egy háromjegyű számot, és azt hozzáadta a Mima által létrehozott számokhoz. Az így kapott összes háromjegyű szám mediánja 538. Melyik számot rakta ki Janko? Írd fel az összes lehetséges megoldást!

Válasz: \_\_\_\_\_ (1 pont)







9. A számítástechnikai szakember 1-től 4-ig terjedő skálán pontokban értékelte az A, B, C és D számítógépek minőségét az alábbi jellemzők alapján:

- a memória mérete ( $X$ ) a legkisebttől a legnagyobbig,
- a processzor kapacitása ( $Y$ ) a legkisebttől a legnagyobbig,
- a közvetlen hozzáférésű memória erőssége ( $Z$ ) a legkisebttől a legnagyobbig.



A pontszámok a táblázatban láthatók.

9. a) A számítógépek minőségét a következő képlet segítségével határozta meg a szakember:

$$K = 2 \cdot X + 4 \cdot Y + Z.$$

Számítsd ki az egyes számítógépek minőségének értékét, és egészítsd ki a táblázatot!

| Számítógép | A memória mérete ( $X$ ) | A processzor kapacitása ( $Y$ ) | A közvetlen hozzáférésű memória erőssége ( $Z$ ) | A számítógép minősége ( $K$ ) |
|------------|--------------------------|---------------------------------|--------------------------------------------------|-------------------------------|
| A          | 3                        | 4                               | 2                                                |                               |
| B          | 2                        | 1                               | 3                                                |                               |
| C          | 1                        | 2                               | 4                                                |                               |
| D          | 4                        | 3                               | 2                                                |                               |

(2 pont)



9. b) Melyik számítógép a legminőségibb a szakember képlete szerint? Karikázd be a megfelelő betűt!

A      B      C      D

(1 pont)

9. c) Markó a táblázatban szereplő számítógépek közül azt vásárolja meg, amelyiknek a legerősebb közvetlen hozzáférésű memóriája van. Melyik számítógépet fogja megvásárolni? Karikázd be a megfelelő betűt!

A      B      C      D

(1 pont)

9. d) A C számítógép gyártója a saját kínálatában egy másik képletet alkalmazott a minőség számításához, amellyel azt érte le, hogy a C számítógép lett az egyetlen legminőségibb.

Egészítsd ki a képletet két természetes számmal úgy, hogy az a C számítógép gyártójának kedvezzen! Felhasználhatod a számokat 1-től 4-ig.

$$K = \underline{\quad} \cdot X + 2 \cdot Y + \underline{\quad} \cdot Z$$

(1 pont)

**Összpontszám: 50**





