



Šifra učenca:
A tanuló kódszáma:

Državni izpitni center



**9.
razred
osztály**

**Četrtek, 6. maj 2021 / 60 minut
2021. május 6., csütörtök / 60 perc**

Dovoljeno gradivo in pripomočki: učenec prinese modro/črno nalivno pero ali moder/črn kemični svinčnik, svinčnik, radirko, šilček, ravnilo, geotrikotnik in šestilo. Raba žepnega računalnika ni dovoljena. Navodila in nasveti za reševanje, izbor geometrijskih obrazcev (formul), kvadratov nekaterih števil, nekaterih približkov stalnic (konstant) in matematičnih znakov so sestavni del preizkusa znanja.

Engedélyezett segédeszközök: a tanuló által hozott kék vagy fekete töltőtoll vagy golyóstoll, ceruza, radír, ceruzahegyszívő, vonalzó, háromszögvonalzó és körző. Tilos a zsebszámológép használata. A felmérőlap részét képezik az utasítások és tanácsok is, valamint a szükséges mértani képletek, négyzetek, közelítő értékek (állandók) és matematikai jelek válogatása.

**NACIONALNO PREVERJANJE ZNANJA
ORSZÁGOS TUDÁSFELMÉRÉS**

**v 9. razredu
a 9. osztályban**

Navodila učencu so na naslednji strani.
A tanulónak szóló útmutató a következő oldalon olvasható.

Preizkus ima 32 strani, od tega 4 prazne.
A felmérőlap terjedelme 32 oldal, ebből 4 üres.



N 2 1 1 4 0 1 3 1 M 0 3

NAVODILA IN NASVETI ZA REŠEVANJE

Skrbno preberi besedilo posamezne naloge, da ne boš spregledal kakega podatka ali dela vprašanja.

Rešitev naloge oceni vnaprej, če je mogoče. Dobljeno rešitev primerjaj z oceno. Čeprav znaš marsikaj rešiti na pamet, mora biti pri reševanju jasno in ustrezno predstavljena pot do rezultata z vmesnimi računi in sklepi.

Če se pri reševanju zmotiš, napisano prečrtaj in rešuj ponovno. Če nalogo rešuješ na več načinov, nedvoumno označi, katero rešitev naj ocenjevalec točkuje.

Upoštevaj zahteve glede zapisa odgovora, rezultata oziroma rešitve naloge. Posveti pozornost merskim ali denarnim enotam, če so vključene v nalogo.

Tvoj izdelek naj bo pregleden in čitljiv. Pri načrtovalnih nalogah bodi čim natančnejši (dopuščeno je odstopanje do ± 2 mm in $\pm 2^\circ$). Uporabljaljaj svinčnik in geometrijsko orodje.



UTASÍTÁSOK ÉS TANÁCSOK A MEGOLDÁSHOZ

Figyelmesen olvasd el az egyes feladatok szövegét, nehogy valamilyen adatot vagy részkérdést kihagyjál!

Ha lehetséges, a feladat megoldását előre becsüld meg! A kapott megoldást hasonlítsd össze a megbecsülttel! Ha fejbem meg is tudnál több mindent oldani, akkor is jegyezd le a teljes számításokat! A megoldási eljárás világosan és korrekt módon mutassa be az eredményhez vezető utat, tartalmazzon minden köztes számítást és következtetést!

Ha a megoldási eljárásban hibát követtél el, a hibásat húzd át, és újra oldd meg! Ha a feladatot többféleképpen oldottad meg, egyértelműen jelöld, melyik megoldást értékelje az értékelő!

Vedd figyelembe a válaszok, eredmények, illetve megoldások megadási módjára vonatkozó követelményeket! Figyelj a mérték- és pénzegységekre, ha szerepelnek a feladatban!

Munkád legyen áttekinthető és olvasható! A szerkesztési feladatoknál legyél minél pontosabb (a megengedett eltérés ± 2 mm és $\pm 2^\circ$)! Ceruzát és geometriai segédeszközöket használj!



MÉRTANI KÉPLETEK

MÉRTANI SÍKIDOMOK	KERÜLET (o)	TERÜLET (p)
Háromszög (a, b, c oldalak, v_a, v_b, v_c magasságok)	$o = a + b + c$	$p = \frac{av_a}{2} = \frac{bv_b}{2} = \frac{cv_c}{2}$
Egyenlő oldalú háromszög (a oldal)	$o = 3a$	$p = \frac{a^2\sqrt{3}}{4}$
Paralelogramma (a, b oldalak, v_a, v_b magasságok)	$o = 2(a + b)$	$p = av_a = bv_b$
Rombusz (a oldal, v magasság, e, f átlók)	$o = 4a$	$p = av = \frac{ef}{2}$
Trapéz (a, c alapok, b, d szárak, v magasság)	$o = a + b + c + d$	$p = \frac{a+c}{2}v$
Kör (r sugár)	$o = 2\pi r$	$p = \pi r^2$

MÉRTANI TESTEK	FELSZÍN (P)	TÉRFOGAT (V)
Kocka (a él)	$P = 6a^2$	$V = a^3$
Téglatest (a, b, c élek)	$P = 2(ab + ac + bc)$	$V = abc$
Hasáb (O alaplapp, pl palást, v magasság)	$P = 2O + pl$	$V = Ov$
Henger (egyenes, az alaplapp r sugara, v magasság)	$P = 2\pi r(r + v)$	$V = \pi r^2 v$
Gúla (O alaplapp, pl palást, v magasság)	$P = O + pl$	$V = \frac{Ov}{3}$
Kúp (egyenes, az alaplapp r sugara, s alkotó, v magasság)	$P = \pi r(r + s)$	$V = \frac{\pi r^2 v}{3}$

A TERMÉSZETES SZÁMOK NÉGYZETE 11-TŐL 25-IG

n	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25
n^2	121	144	169	196	225	256	289	324	361	400	441	484	529	576	625

KÖZELÍTŐÉRTÉKEK

$$\pi \doteq \frac{22}{7} \doteq 3,14$$

$$\sqrt{2} \doteq 1,41$$

$$\sqrt{3} \doteq 1,73$$

MATEMATIKAI JELEK

=	egyenlő	$ AB $	az AB szakasz hossza
\neq	nem egyenlő	\sphericalangle	szög
\doteq	körülbelül	Δ	háromszög
<	kisebb	\parallel	párhuzamos
>	nagyobb	\perp	merőleges
\leq	kisebb vagy egyenlő	\equiv	egybevágó
\geq	nagyobb vagy egyenlő	\sim	hasonló



1. Számítsd ki:

1. a) $235 \cdot 727 =$

Kerekítsd a szorzatot ezresekre: _____.

(2 pont)

1. b) $4,38 \cdot 7,4 =$

(1 pont)

1. c) $5\frac{4}{9} : \left(-\frac{35}{36}\right) =$

(1 pont)

1. d) $-6\frac{1}{2} + 38,4 \cdot \left(-\frac{5}{8}\right) =$

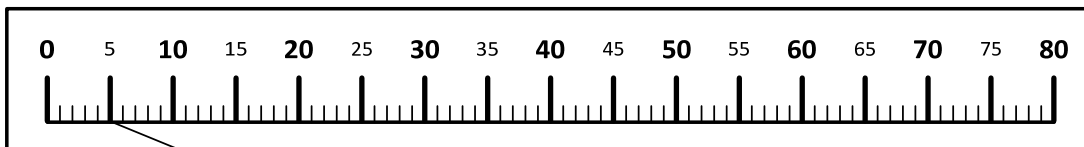
(2 pont)



N 2 1 1 4 0 1 3 1 M 1 1

2. Éva öt éves, és az apukájával meg a nagymamájával él. Az apukája 26, a nagymamája pedig 57 éves.

2. a) Éva összekötötte a saját életkorát a számszalag megfelelő helyével. Kösd össze az apukája és a nagymamája életkorát is a megfelelő helyükkel!



57

5

26

(1 pont)

2. b) Hány évvel idősebb a nagymama Évánál?

Megoldási eljárás:

Válasz: _____

(2 pont)

2. c) Hány év múlva lesz az apuka annyi idős, mint most a nagymama?

Megoldási eljárás:

Válasz: _____

(2 pont)

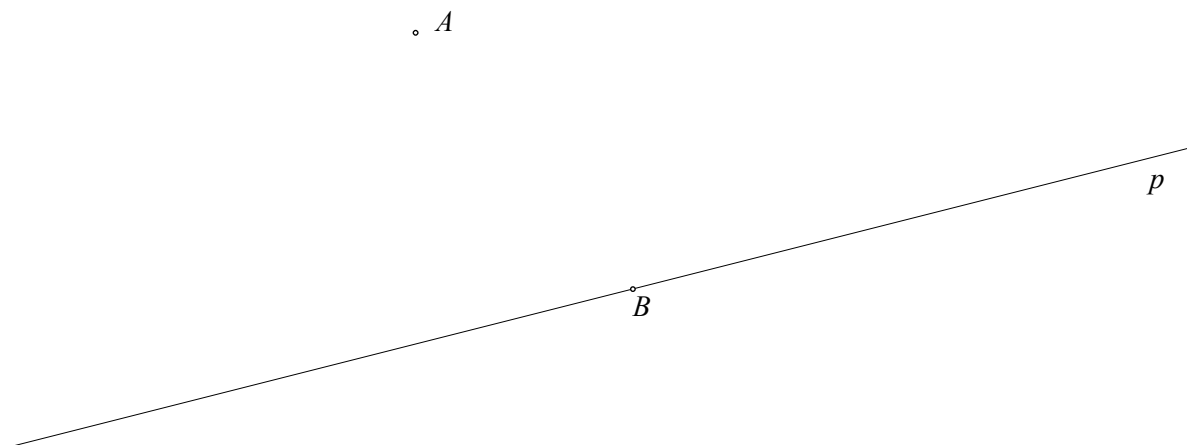
2. d) Hány év múlva lesz mindhárójuk életkorának az összege 100?

Válasz: _____

(1 pont)



3. A p egyenest, valamint az A és B pontot ábrázoltuk, amelyekre érvényes: $A \notin p$ és $B \in p$.



3. a) Ábrázold az r egyenest, amelyre érvényes: $A \in r$ és $r \perp p$!

(1 pont)

3. b) Mérd meg az A pontnak a p egyenestől való távolságát!

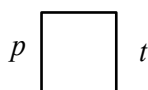
$$d(A, p) = \underline{\hspace{2cm}}$$

(1 pont)

3. c) Rajzolj az A ponton keresztül a p egyenessel párhuzamos t egyenest!

(1 pont)

3. d) Írd a keretbe azt a matematikai jelet, amely megadja a megrajzolt két egyenes kölcsönös helyzetét!



(1 pont)



4. a) Számítsd ki az $x + 2 - (5x + 4y) \cdot xy$ kifejezés helyettesítési értékét, ha a változók értéke $x = 0$ és $y = -10$!

Megoldási eljárás:

(2 pont)

4. b) Oldd meg az egyenlőtlenséget, ha $\mathcal{U} = \mathbb{N}$!

$$7x - 2(x + 2) - 4x \leq 0$$

$$\mathfrak{R} = \{ \underline{\hspace{2cm}} \}$$

(2 pont)

4. c) Egészítsd ki úgy, hogy érvényesek legyenek az egyenlőségek!

$$12a - 18 = \boxed{} \cdot (2a - 3)$$

$$\left(4x - \boxed{} \right)^2 = 16x^2 - 56xy + \boxed{}$$

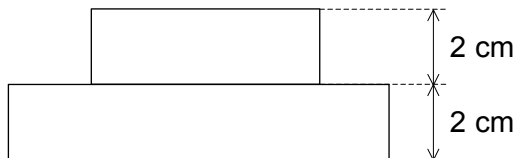
(2 pont)



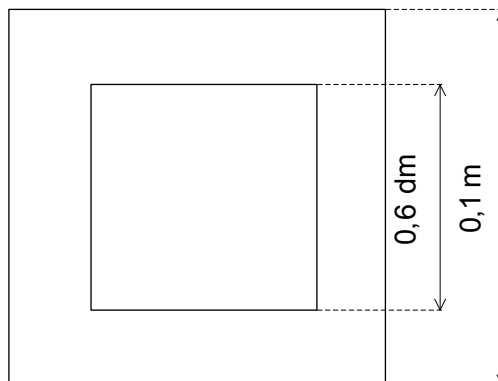
N 2 1 1 4 0 1 3 1 M 1 7

5. Marjan fából két egyenlő magasságú szabályos négyoldalú hasábot készített, és egymásra helyezte őket. Lerajzolta, hogyan néz ki az elhelyezkedésük oldalról és felülről, és feltüntette az adatokat.

Oldalnézet:



Felülnézet:



5. a) Mekkora a nagyobb hasáb térfogata?

Megoldási eljárás:

A nagyobb hasáb térfogata _____.

(3 pont)

5. b) A nagyobb hasáb felső lapjának hány százalékát nem fedi le a kisebb hasáb alsó lapja?

A kisebb hasáb alsó lapja a nagyobb hasáb felső lapjának _____%-át nem fedi le.

(1 pont)

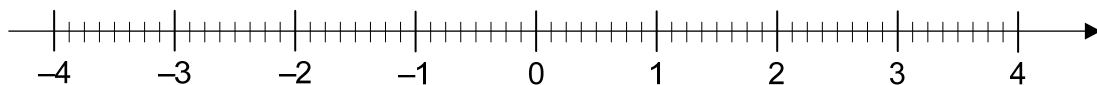
5. c) A nagyobb hasáb tölgyfából készült, amelynek a sűrűsége $\rho = 0,7 \frac{\text{kg}}{\text{dm}^3}$.

Ennek a hasábnak a tömege _____ kg.

(1 pont)

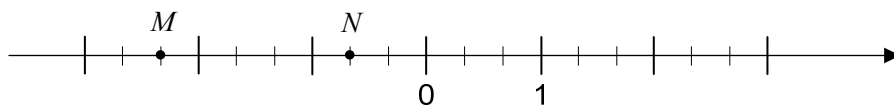


6. a) Na številski premici upodobi točki $A\left(-3\frac{1}{4}\right)$ in $B\left(2\frac{1}{8}\right)$.



(2 točki)

6. b) Na številski premici sta dani točki M in N .

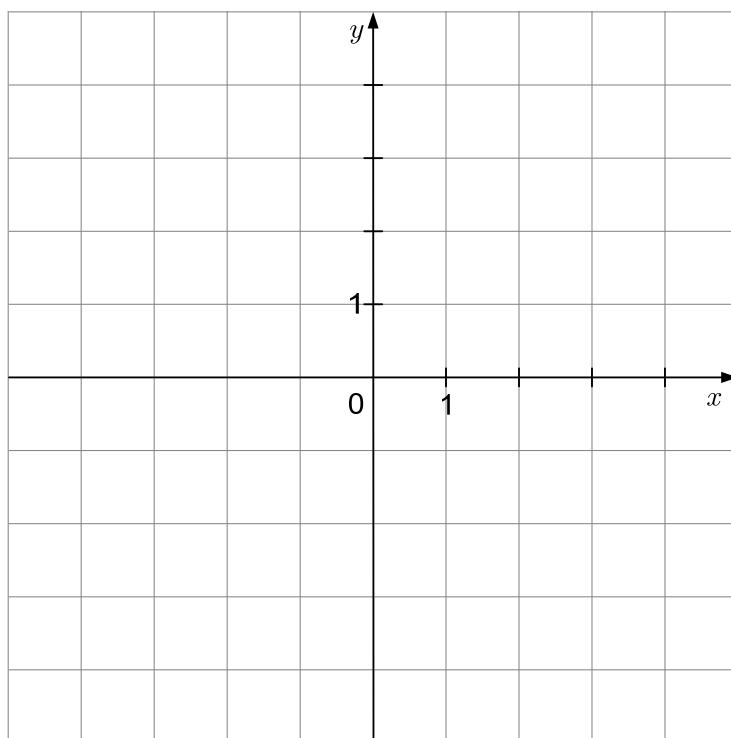


Zapiši koordinati točk M in N :

$$M\left(\quad\right), N\left(\quad\right)$$

(2 točki)

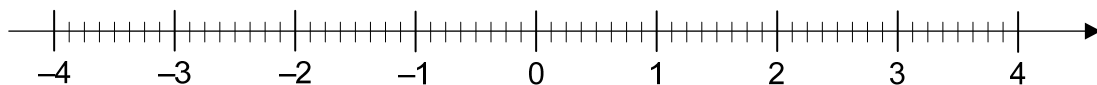
6. c) Na koordinatnem sistemu v ravnini upodobi točko $T(2, -3)$.



(1 točka)

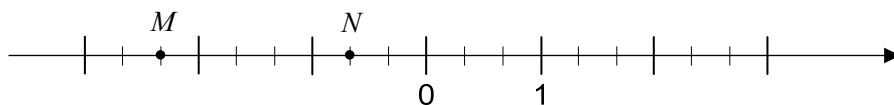


6. a) Ábrázold számegeyenesen az $A\left(-3\frac{1}{4}\right)$ és $B\left(2\frac{1}{8}\right)$ pontokat!



(2 pont)

6. b) Adott az M és N pont a számegeyenesen.

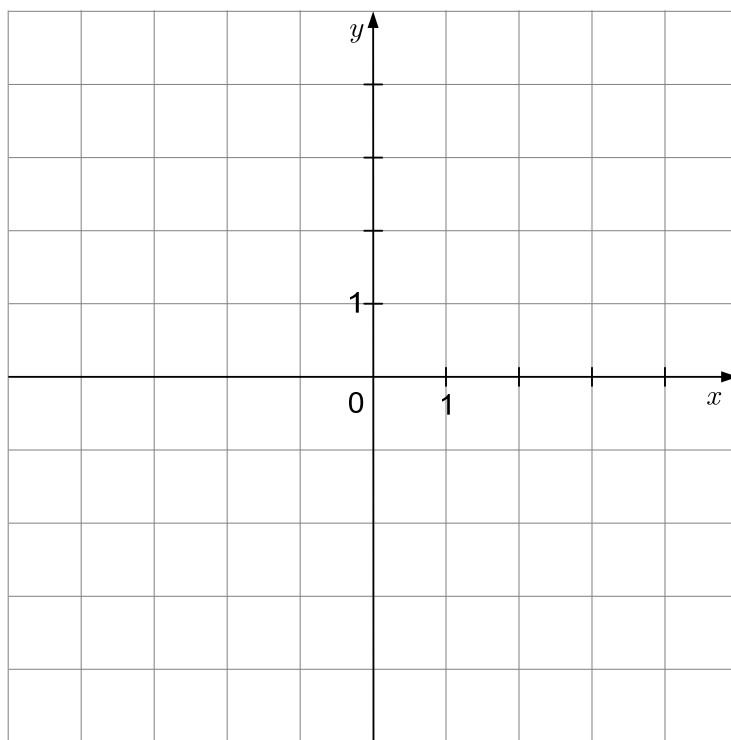


Írd fel az M és N pont koordinátáit:

$$M\left(\quad\right), N\left(\quad\right)$$

(2 pont)

6. c) Ábrázold a síkbeli koordináta-rendszerben a $T(2,-3)$ pontot!



(1 pont)



N 2 1 1 4 0 1 3 1 M 2 1

7. A parasztgazdaságban 0,75 tonna almát szedtek.

7. a) Az alma egy részét rekeszekbe rakták át. 50 darab 5 kg-os és 25 darab 15 kg-os rekeszt töltöttek meg.
Hány kilogramm almát nem raktak át rekeszekbe?

Megoldási eljárás:

Válasz: _____

(3 pont)

7. b) A leszedett alma teljes mennyiségét 30 rekeszbe lehetne rakni, ha mindegyikbe egyenlő mennyiséget raknának. Hány kilogramm alma lenne ekkor mindegyik rekeszben?

Megoldási eljárás:

Válasz: _____

(2 pont)

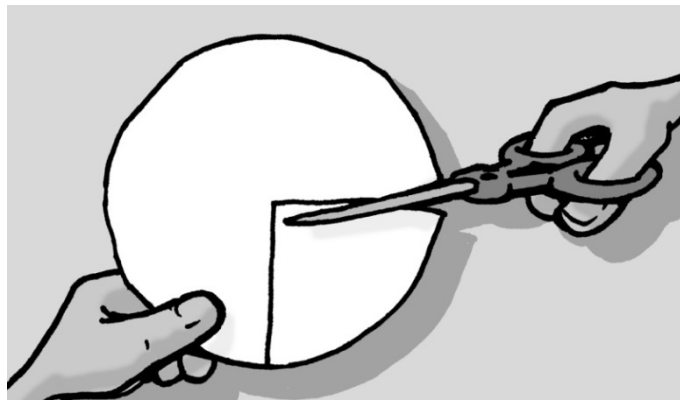
7. c) Megtölthetnék-e a teljes almamennyiséggel a rekeszeket akkor is, ha minden rekeszbe 18 kg almát raknának? Válaszodat indokold meg!

Indoklás:

(1 pont)



8. Jerneja egy 4 cm sugarú papír körmodellből kinyírta annak a negyedét, és két körcikket kapott.



8. a) Egészítsd ki!

A rövidebb körív végpontjait összekötő szakasz neve _____.

A Jerneja által kinyírt körívek közül a rövidebbnél a végpontok távolsága _____ cm.

(2 pont)

8. b) Számítsd ki a kisebb körcikk kerületét! Az eredményt két tizedesjegy pontossággal add meg!

Megoldási eljárás:

A kisebb körcikk kerülete _____ cm.

(2 pont)



N 2 1 1 4 0 1 3 1 M 2 7

9. a) Kolikšna je bila mediana starosti igralcev slovenske reprezentance na Evropskem prvenstvu v košarki 2017?

Reševanje:

Mediana je _____ let.

(2 točki)

9. b) Igralci slovenske reprezentance, ki so imeli na dresu eno izmed števil 0, 3, 11, 14 in 77, so tekmo začeli.

Modus višine igralcev, ki so začeli tekmo, je _____ cm.

(1 točka)

9. c) Eden izmed snemalcev tekme je kamero naključno usmeril v enega izmed igralcev slovenske reprezentance, ki so začeli tekmo.

Verjetnost, da je kamero usmeril v branilca, je _____.

(1 točka)

9. d) Povprečna višina igralcev slovenske reprezentance, ki so začeli tekmo, je _____ cm.

(1 točka)

9. e) Edo Murić je v 5. minuti zamenjal igralca, ki je začel tekmo. Zaradi tega se je povprečna višina slovenskih košarkarjev na igrišču spremenila na 203,8 centimetra. Zapiši ime in priimek igralca, ki ga je Edo Murić zamenjal.

(1 točka)

Skupno število točk: 50



9. a) Mekkora volt a szlovén válogatott játékosok életkorának mediánja a 2017-es kosárlabda-Európa-bajnokságon?

Megoldási eljárás:

A medián _____ év.

(2 pont)

9. b) A szlovén válogatott játékosai közül azok kezdték a játékot, akiknek a meyszáma 0, 3, 11, 14 és 77 volt.

A játékot kezdő játékosok magasságának a módusza _____ cm.

(1 pont)

9. c) A mérkőzés közvetítése során a kameraman véletlenszerűen a kezdő szlovén játékosok egyikére irányította a kamerát.

Annak a valószínűsége, hogy az hátvéd volt _____.

(1 pont)

9. d) A játékot kezdő szlovén válogatott játékosok átlagmagassága _____ cm.

(1 pont)

9. e) Edo Murić az 5. percben az egyik kezdőjátékost váltotta fel a pályán. Emiatt a pályán levő szlovén játékosok átlagmagassága 203,8 centiméterre változott.

Írd le annak a játékosnak az utó- és vezetéknevét, akit Edo Murić felváltott!

(1 pont)

Összpontszám: 50

